

## ענقוד: מראי קצצוע مكافئة – الجزء الثالث بؤرة، دليل وما بينهما – مُقدّمة

عنقود رقم 3 من 3 عناقيد

وحدة: علوم

مبنى العنقود



ماذا يُمكن  
أن نسال  
أيضًا؟



مسألة هدف 2 -  
تلخيص

مسألة هدف 1

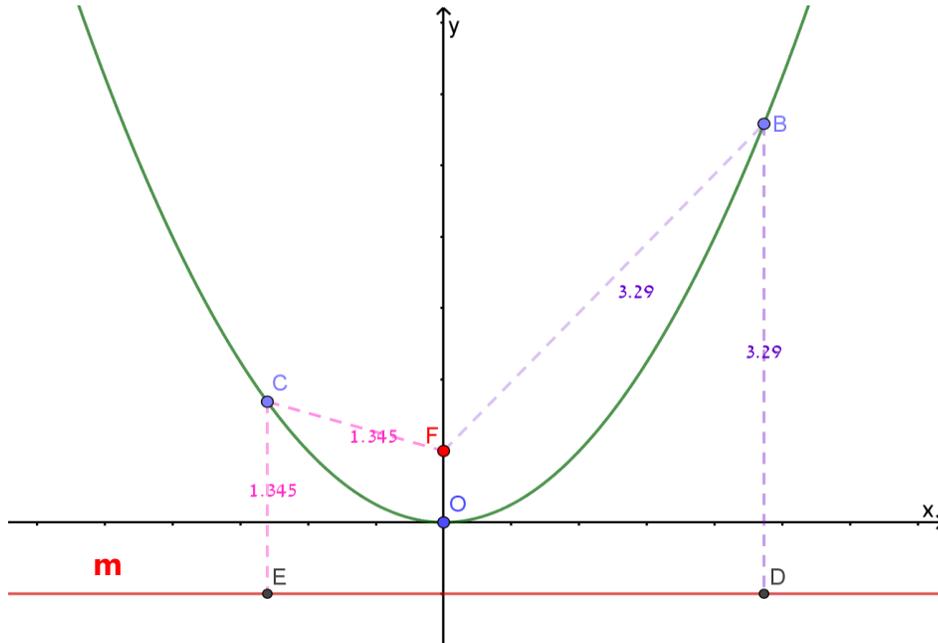
1.1.1 مسألة درجة 1



1.2.1 مسألة درجة 2

**تعلمنا أن:**

الخط البياني الناتج من جميع النقاط التي بُعدها عن النقطة  $F$ ، يساوي بُعدها عن مستقيم  $m$ ، هو قطع مكافئ. تُسمى النقطة  $F$  بؤرة القطع المكافئ. ويسمى المستقيم  $m$  دليل القطع المكافئ.



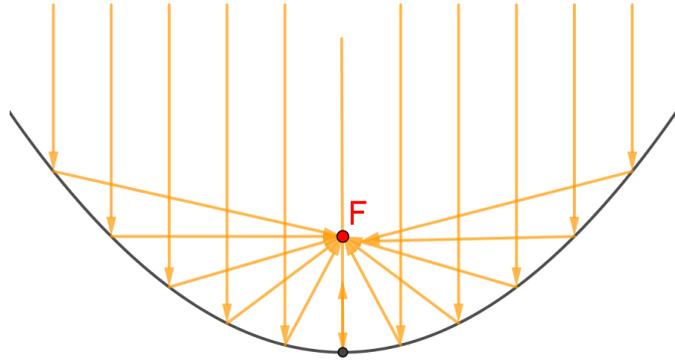
بُعد كل نقطة على القطع المكافئ، عن بؤرة القطع المكافئ، تساوي بُعدها عن دليل القطع المكافئ. يُمكن الاستعانة بالتطبيق المرفق.

## وصف وضعيّة:

مراة هي جهاز له سطح يعكس أشعة الضوء. المراة المسطحة العادية مصنوعة من الزجاج وعلى سطحها الخلفي طبقة رقيقة من معدن ما (فضي عادة) بحيث ينعكس المنظر الذي أمامها عليها.

مراة مقعرة يمكنها تركيز أشعة ضوء متوازية في نقطة واحدة. أو العكس، تعكس الضوء الصادر من نقطة واحدة إلى أشعة متوازية. أحد أنواع المرايا المقعرة هو المراة على شكل قطع مكافئ.

يكون في المراة التي شكلها **قطع مكافئ**، شعاع الضوء الواصل من جسم بعيد الموازي للمحور (محور تماثل القطع المكافئ) ويصطدم بالمراة، ينعكس إلى نقطة واحدة، المفاجئ هو ان هذه النقطة هي **بؤرة القطع المكافئ**. نرمز لها بالحرف **F** (كما تعلمنا). لذلك جميع أشعة الضوء التي تصل من جسم بعيد وتصطدم في المراة التي على شكل قطع مكافئ تتركز في بؤرة القطع المكافئ.



بؤرة الصحن  
على شكل قطع مكافئ



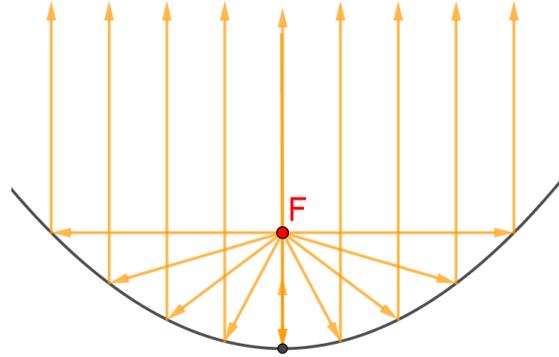
هذه الصفة مستعملة في المُجمّع الشمسي لإنتاج **طاقة شمسية**

يظهر في الصورة أمامكم، صحن باربوليت (جسم ناتج من إدارة قطع مكافئ) لاستخدام الطاقة الشمسية في مركز الأبحاث في سدي بوكير.

شكل باربوليت (القطع المكافئ) للصحن يؤدي إلى عكس أشعة الشمس إلى مركز القطع المكافئ وبذلك ينتج حرّ شديد.

[طاقة شمسية – ويكيبيديا \(wikipedia.org\)](http://wikipedia.org)

ועקס, שעע הצוע الصادر من כורה القع المكوף وىصطدم فى مرآة الباربلوئف (على شكل قع مكوף) ىنعكس بشكل موازى لمحور تمائل القع المكوף.



هذه الصفة تستخدم لإنتاج حزمة ضوئية أشعتها متوازية. مثال: الكاشف ومصابيح السيارات المبنية على شكل مرآة قطع مكوף، مصدر الضوء موجود في بؤرة المصباح.



مصدر الضوء - مصباح

شاهدوا فيلم الفيديو التالي. يعرض الفيلم كيفية بناء مرآة على شكل قع مكوף وىجسدون مسار أشعة الضوء المتوازية واصطدامها بالمرآة على شكل قع مكوף.

[بناء مرآة على شكل قع مكوף](#)

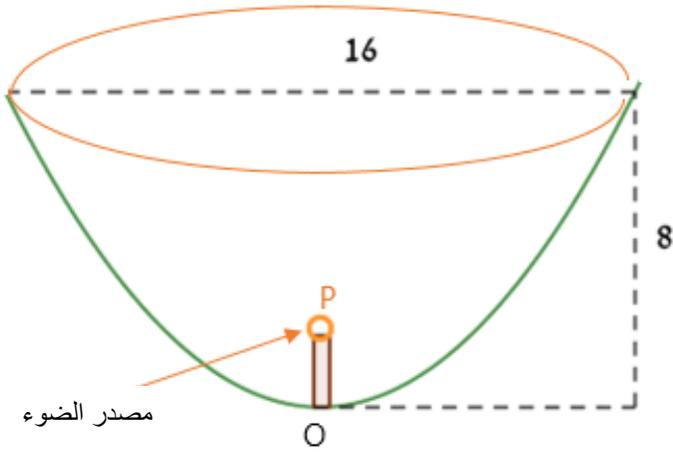
## مسألة هدف 1

فيما يلي مخطط لمصباح سيارة. المصباح مبني على شكل مرآة قطع مكافئ.

عرض المصباح 16 سم وعمق المصباح 8 سم.

أ. احسبوا أين يجب تثبيت مصدر الضوء في مصباح السيارة (احسبوا طول OP).

ب. جدوا التعبير الجبري الملائم للقطع المكافئ.



هل حللتم مسألة هدف 1؟ انتقلوا إلى مسألة هدف 2 – تلخيص. وإذا كلا انتقلوا إلى درجة 1..

## درجة 1 لمسألة هدف 1

### مسألة 1.1.1

الدالة  $p(x)$  هي قطع مكافئ.

النقطة F هي بؤرة القطع المكافئ والمستقيم m هو دليلي القطع المكافئ.

تقع النقطتان B و C على القطع المكافئ هكذا بحيث أن القطعة BC موازية لمحور x .

طول القطعة FB هو 20 وحدة طول، إحداثي y للنقطة B هو 16.

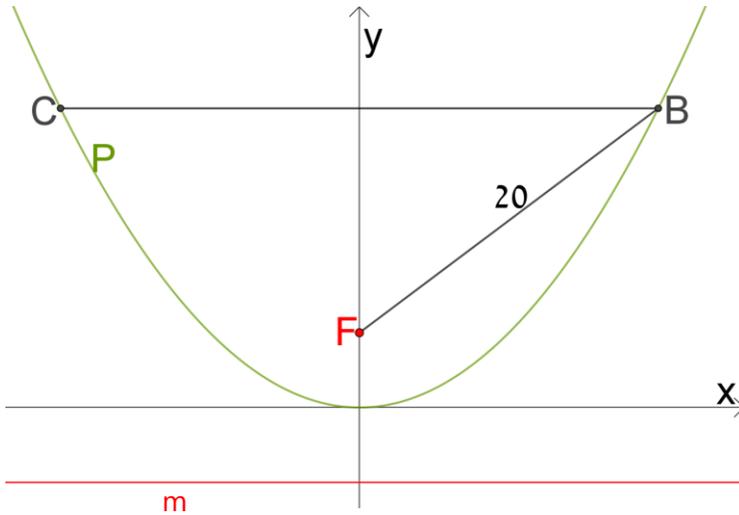
جدوا :

أ. التعبير الجبري الملائم لدليل القطع المكافئ.

ب. إحداثيات بؤرة القطع المكافئ.

ت. طول القطعة BC .

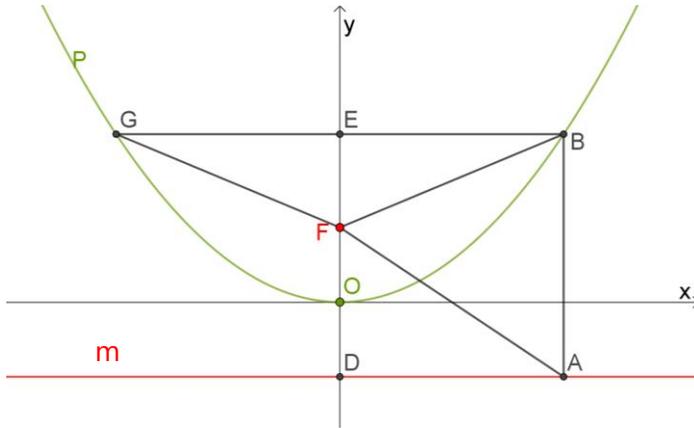
عللوا وفصلوا حساباتكم.



هل حللتم مسألة درجة 1؟ إذا نعم، عودوا إلى مسألة هدف 1، أو حلّوا حسب الحاجة، مسألة درجة 2.

## درجة 2 لمسألة هدف 1

### مسألة 2.1.1



$p(x)$  هي قطع مكافئ، النقطة  $F$  هي بؤرة القطع المكافئ ، والمستقيم  $m$  هو دليل القطع المكافئ.

تقع النقطتان  $B$  و  $G$  على القطع المكافئ هكذا بحيث أن  $BG$  يوازي محور  $x$ .

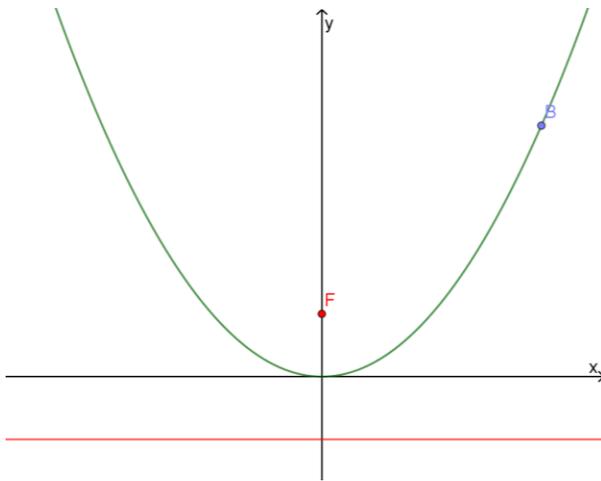
النقطة  $A$  واقعة على دليل القطع المكافئ بحيث أن  $BA$  عمودي على دليل القطع المكافئ.

جدوا في الرسم على الأقل 5 أزواج قطع متساوية في الطول. عللوا إجاباتكم.

هل حللتم مسألة درجة 2؟ عودوا إلى مسألة هدف 1.

### مسألة هدف 2 – تلخيص

(أ) أكملوا الجدول التالي، وجدوا العلاقة بين التعبير الجبري للقطع المكافئ الملائم لمرآة قطع مكافئ (باربولايت) وبين بؤرتها. لأجل ذلك نختار نقطة على القطع المكافئ ( $B$ )



تعبير جبري للقطع المكافئ	إحداثيات نقطة $B$ على القطع المكافئ	إحداثيات البؤرة ( $F$ )
$p(x) = 0.25x^2$	(1,0.25)	
$p(x) = x^2$	(1,1)	
$p(x) = 2x^2$	(1,2)	
$p(x) = 4x^2$	(1,4)	
$p(x) = ax^2$	(1,a)	

(ب) كلما كانت المرآة على شكل القطع المكافئ أوسع، هل تكون البؤرة أقرب إلى رأس القطع المكافئ أم أبعد عنه؟ عللوا إجاباتكم.

### ماذا يمكن أن نسأل أيضاً؟

اعرضوا أسئلة إضافية وحاولوا إيجاد أجوبة لها.

### مصادر

[مرايا - ويكيبيديا](#)

[الطاقة الشمسية - ويكيبيديا](#)